## Basi di dati II — Prova parziale — 30 marzo 2015 — Compito A

Cognome	Nome	Matricola
Domanda 1 (15%) Considerare una tabella R a	appena creata (e quindi vuota), con le segu	enti ipotesi
<ul> <li>(e quindi le operazion</li> <li>la struttura fisica ut supponiamo che, oltr marcano come liberi dopo una riorganizz</li> </ul>	ii si possono fare senza verifiche particolari ilizzata per R è heap, senza indici, con e ai byte necessari per i campi ne servano	una memorizzazione a lunghezza fissa (in cui o 2 ulteriori per la memorizzazione) e in cui si ilizzarli per successivi inserimenti (se non
In tale contesto, supporre o	che vengano eseguite le seguenti operazioni	
3. dopo la conclusione e	00.000 ennuple = 50.000 ennuple (sulla base di una condizi la chiusura della scansione precedente, ins ile con ricompattazione dei blocchi	
Rispondere alle domande se Fattore di blocco $f$ per la	eguenti, indicando formule e valori numerio	zi:
Numero dei blocchi occup	oati da R dopo la prima serie di inserimenti	(punto 1):
Numero dei blocchi occup	ati da R dopo le eliminazioni di cui al pun	to 2:
Numero dei blocchi occup	oati da R dopo la seconda serie di inserimen	nti (punto 3):
Numero dei blocchi occup	pati da R dopo la ricompattazione (punto 4	):

**Domanda 2** (30%) Considerare un sistema con blocchi di dimensione P=8 KByte e

- (a) una base di dati con una relazione  $R(\underline{A}\ B\ C\ D\ E)$ , in cui gli attributi hanno tutti la stessa dimensione a=40 Byte, . Si supponga che la relazione contenga N=20.000.000 ennuple
- (b) una base di dati con una coppia di relazioni  $R_1(\underline{A}\ B\ C)$  e  $R_2(\underline{A}\ D\ E)$  ottenute per proiezione dalla relazione R di cui al punto (a)

e le operazioni seguenti:

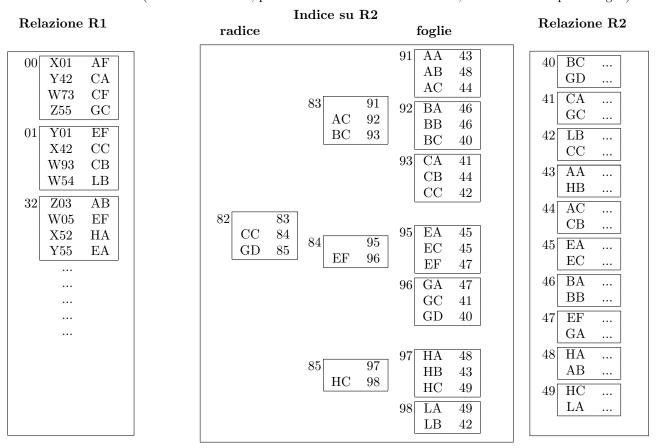
```
o_{1a} SELECT * FROM R ORDER BY A (su(a)) o_{1b} SELECT * FROM R1 JOIN R2 ON R1.A = R2.A ORDER BY R1.A (su(b)) o_{2a} SELECT A, B, C FROM R (su(a)) o_{2b} SELECT A, B, C FROM R1 (su(b))
```

Indicare i costi relativi all'esecuzione delle varie operazioni, supponendo che, in tutti i casi, l'ordinamento possa essere realizzato con due passate di un merge sort a più vie (e che il join possa essere effettuato con un merge-scan senza materializzare il risultato dei due ordinamenti).

blocchi di $R$ : (indicare nel seguito con $B_a$ )	blocchi di $R_1$ (indicare nel seguito con $B_{b1}$ )
	blocchi di $R_2$ (indicare nel seguito con $B_{b2}$ )
costo di $o_{1a}$ (indicare nel seguito con $c_{1a}$ )	costo di $o_{1b}$ (indicare nel seguito con $c_{1b}$ )
costo di $o_{2a}$ (indicare nel seguito con $c_{2a}$ )	costo di $o_{2b}$ (indicare nel seguito con $c_{2b}$ )

Le due basi di dati (a) e (b) possono essere considerate due alternative di memorizzazione e le operazioni  $o_{1a}$  e  $o_{1b}$  sono fra loro equivalenti, così come lo sono  $o_{2a}$  e  $o_{2b}$ . Quindi è interessante valutare quale delle due alternative sia conveniente.

**Domanda 3** (30%) Considerare le relazioni R1 ed R2 e l'indice I2 su R2 schematizzati sotto. I riquadri interni indicano i blocchi e il numero a fianco a ciascun riquadro indica l'indirizzo del blocco. Nell'indice, i valori numerici sono riferimenti ai blocchi (blocchi dell'indice, per la radice e il livello intermedio, e blocchi di R2 per le foglie).



Supponendo di disporre di un buffer di **otto** pagine, considerare l'esecuzione del join di R1 ed R2, sulla base dei valori del secondo attributo di R1 e del primo di R2, con un **nested loop con accesso diretto** tramite l'indice di R2.

Indicare gli indirizzi dei blocchi su cui si eseguono operazioni di pin (o fix) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

Assumendo una politica di rimpiazzo LRU, indicare gli indirizzi dei blocchi effettivamente letti da memoria secondaria e caricati nel buffer (nell'ordine) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

In tal caso, indicare gli indirizzi dei blocchi che si può presumere si trovino nei buffer nel momento in cui si produce la terza ennupla.

i	Domanda 4 (20%) Si consideri un B-tree con nodi intermedi che contengono quattro chiavi e cinque puntatori e foglie con quattro chiavi, n cui vengano inserite chiavi (a partire dall'albero vuoto) nel seguente ordine: 41, 57, 11, 32, 20, 27, 28, 31, 34, 35, Montrero l'albero done l'inserimente di cinque chiavi di ette chiavi e alla fine.
3	36. Mostrare l'albero dopo l'inserimento di cinque chiavi, di otto chiavi e alla fine.
1	Uostrare poi l'albero dopo l'eliminazione della chiave 20 dall'ultimo albero ottenuto in risposta alla domanda precedente
-	

## Basi di dati II — Prova parziale — 30 marzo 2015 — Compito B

Cognome	Nome	Matricola
Domanda 1 (15%) Considerare una tabella T	appena creata (e quindi vuota), con le segu	uenti ipotesi
chiave (e quindi le op la struttura fisica ut supponiamo che, oltr marcano come liberi dopo una riorganizz	erazioni si possono fare senza verifiche par ilizzata per T è heap, senza indici, con e ai byte necessari per i campi ne servan	una memorizzazione a lunghezza fissa (in cui o 2 ulteriori per la memorizzazione) e in cui si tilizzarli per successivi inserimenti (se non
In tale contesto, supporre o	he vengano eseguite le seguenti operazioni	i
3. dopo la conclusione e	00.000 ennuple = 50.000 ennuple (sulla base di una condizi la chiusura della scansione precedente, in de con ricompattazione dei blocchi	
Rispondere alle domande s Fattore di blocco $f$ per la	eguenti, indicando formule e valori numeri	ci:
Numero dei blocchi occup	eati da T dopo la prima serie di inseriment	i (punto 1):
Numero dei blocchi occup	ati da T dopo le eliminazioni di cui al pun	ato 2:
Numero dei blocchi occup	ati da T dopo la seconda serie di inserimen	nti (punto 3):
Numero dei blocchi occup	vati da T dopo la ricompattazione (punto 4	1):

**Domanda 2** (30%) Considerare un sistema con blocchi di dimensione P=4 KByte e

- (a) una base di dati con una relazione  $R(\underline{A}\ B\ C\ D\ E)$ , in cui gli attributi hanno tutti la stessa dimensione a=20 Byte, . Si supponga che la relazione contenga L=20.000.000 ennuple
- (b) una base di dati con una coppia di relazioni  $R_1(\underline{A}\ B\ C)$  e  $R_2(\underline{A}\ D\ E)$  ottenute per proiezione dalla relazione R di cui al punto (a)

e le operazioni seguenti:

```
o_{1a} SELECT A, B, C FROM R (su (a))

o_{1b} SELECT A, B, C FROM R1 (su (b))

o_{2a} SELECT * FROM R ORDER BY A (su (a))

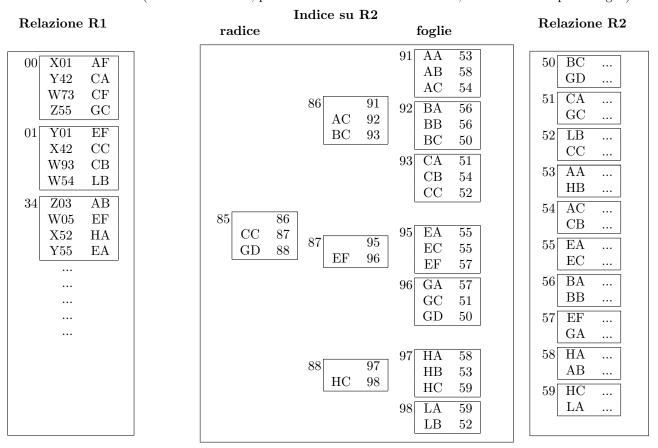
o_{2b} SELECT * FROM R1 JOIN R2 ON R1.A = R2.A ORDER BY R1.A (su (b))
```

Indicare i costi relativi all'esecuzione delle varie operazioni, supponendo che, in tutti i casi, l'ordinamento possa essere realizzato con due passate di un merge sort a più vie (e che il join possa essere effettuato con un merge-scan senza materializzare il risultato dei due ordinamenti).

blocchi di $R$ : (indicare nel seguito con $B_a$ )	blocchi di $R_1$ (indicare nel seguito con $B_{b1}$ )
	blocchi di $R_2$ (indicare nel seguito con $B_{b2}$ )
costo di $o_{1a}$ (indicare nel seguito con $c_{1a}$ )	costo di $o_{1b}$ (indicare nel seguito con $c_{1b}$ )
costo di $o_{2a}$ (indicare nel seguito con $c_{2a}$ )	costo di $o_{2b}$ (indicare nel seguito con $c_{2b}$ )

Le due basi di dati (a) e (b) possono essere considerate due alternative di memorizzazione e le operazioni  $o_{1a}$  e  $o_{1b}$  sono fra loro equivalenti, così come lo sono  $o_{2a}$  e  $o_{2b}$ . Quindi è interessante valutare quale delle due alternative sia conveniente.

**Domanda 3** (30%) Considerare le relazioni R1 ed R2 e l'indice I2 su R2 schematizzati sotto. I riquadri interni indicano i blocchi e il numero a fianco a ciascun riquadro indica l'indirizzo del blocco. Nell'indice, i valori numerici sono riferimenti ai blocchi (blocchi dell'indice, per la radice e il livello intermedio, e blocchi di R2 per le foglie).



Supponendo di disporre di un buffer di **otto** pagine, considerare l'esecuzione del join di R1 ed R2, sulla base dei valori del secondo attributo di R1 e del primo di R2, con un **nested loop con accesso diretto** tramite l'indice di R2.

Indicare gli indirizzi dei blocchi su cui si eseguono operazioni di pin (o fix) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

Assumendo una politica di rimpiazzo LRU, indicare gli indirizzi dei blocchi effettivamente letti da memoria secondaria e caricati nel buffer (nell'ordine) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

In tal caso, indicare gli indirizzi dei blocchi che si può presumere si trovino nei buffer nel momento in cui si produce la terza ennupla.

S	Domanda 4 (20%) Si consideri un B-tree con nodi intermedi che contengono quattro chiavi e cinque puntatori e foglie con quattro chiavi, n cui vengano inserite chiavi (a partire dall'albero vuoto) nel seguente ordine: 43, 51, 10, 32, 21, 25, 28, 31, 34, 35, 36. Mostrare l'albero dopo l'inserimento di cinque chiavi, di otto chiavi e alla fine.
J	o. Mostrare i amero dopo i inserimento di cinque cinavi, di otto cinavi e ana line.
N	Mostrare poi l'albero dopo l'eliminazione della chiave 21 dall'ultimo albero ottenuto in risposta alla domanda precedente
-	

## Basi di dati II — Prova parziale — 30 marzo 2015 — Compito C

Si suggerisce di scriver	re prima una brutta copia, per indicare poi i	negli spazi le risposte e brevi giustificazioni.
Cognome	Nome	Matricola
Domanda 1 (15%) Considerare una tabella T	appena creata (e quindi vuota), con le segu	enti ipotesi
<ul> <li>(e quindi le operazio</li> <li>la struttura fisica u supponiamo che, olt marcano come liber dopo una riorganiz</li> </ul>	oni si possono fare senza verifiche particolari ntilizzata per T è heap, senza indici, con cre ai byte necessari per i campi ne servano	una memorizzazione a lunghezza fissa (in cui o 2 ulteriori per la memorizzazione) e in cui si ilizzarli per successivi inserimenti (se non
In tale contesto, supporre	che vengano eseguite le seguenti operazioni	
3. dopo la conclusione	100.000 ennuple = 50.000 ennuple (sulla base di una condizio e la chiusura della scansione precedente, inse file con ricompattazione dei blocchi	
Rispondere alle domande	seguenti, indicando formule e valori numerio	i:
Fattore di blocco $f$ per l  Numero dei blocchi occu	pati da T dopo la prima serie di inserimenti	(punto 1):
Numero dei blocchi occu	pati da T dopo le eliminazioni di cui al punt	to 2:
Numero dei blocchi occu	ipati da T dopo la seconda serie di inserimen	nti (punto 3):
Numero dei blocchi occu	pati da T dopo la ricompattazione (punto 4)	):

**Domanda 2** (30%) Considerare un sistema con blocchi di dimensione P = 16 KByte e

- (a) una base di dati con una relazione  $R(\underline{A}\ B\ C\ D\ E)$ , in cui gli attributi hanno tutti la stessa dimensione a=40 Byte, . Si supponga che la relazione contenga N=40.000.000 ennuple
- (b) una base di dati con una coppia di relazioni  $R_1(\underline{A}\ B\ C)$  e  $R_2(\underline{A}\ D\ E)$  ottenute per proiezione dalla relazione R di cui al punto (a)

e le operazioni seguenti:

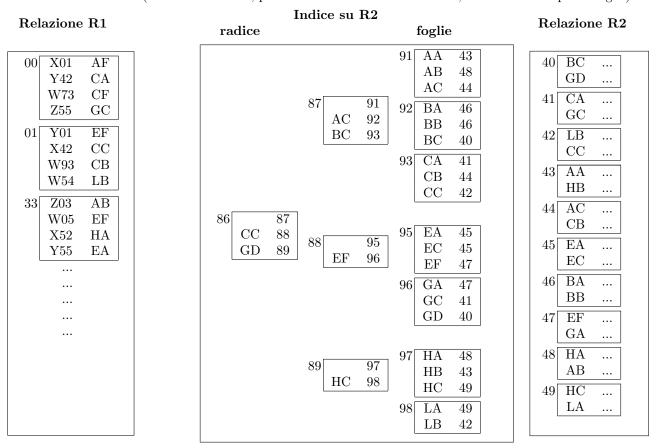
```
o_{1a} SELECT * FROM R ORDER BY A (su(a)) o_{1b} SELECT * FROM R1 JOIN R2 ON R1.A = R2.A ORDER BY R1.A (su(b)) o_{2a} SELECT A, B, C FROM R (su(a)) o_{2b} SELECT A, B, C FROM R1 (su(b))
```

Indicare i costi relativi all'esecuzione delle varie operazioni, supponendo che, in tutti i casi, l'ordinamento possa essere realizzato con due passate di un merge sort a più vie (e che il join possa essere effettuato con un merge-scan senza materializzare il risultato dei due ordinamenti).

blocchi di $R$ : (indicare nel seguito con $B_a$ )	blocchi di $R_1$ (indicare nel seguito con $B_{b1}$ )
	blocchi di $R_2$ (indicare nel seguito con $B_{b2}$ )
costo di $o_{1a}$ (indicare nel seguito con $c_{1a}$ )	costo di $o_{1b}$ (indicare nel seguito con $c_{1b}$ )
costo di $o_{2a}$ (indicare nel seguito con $c_{2a}$ )	costo di $o_{2b}$ (indicare nel seguito con $c_{2b}$ )

Le due basi di dati (a) e (b) possono essere considerate due alternative di memorizzazione e le operazioni  $o_{1a}$  e  $o_{1b}$  sono fra loro equivalenti, così come lo sono  $o_{2a}$  e  $o_{2b}$ . Quindi è interessante valutare quale delle due alternative sia conveniente.

**Domanda 3** (30%) Considerare le relazioni R1 ed R2 e l'indice I2 su R2 schematizzati sotto. I riquadri interni indicano i blocchi e il numero a fianco a ciascun riquadro indica l'indirizzo del blocco. Nell'indice, i valori numerici sono riferimenti ai blocchi (blocchi dell'indice, per la radice e il livello intermedio, e blocchi di R2 per le foglie).



Supponendo di disporre di un buffer di **otto** pagine, considerare l'esecuzione del join di R1 ed R2, sulla base dei valori del secondo attributo di R1 e del primo di R2, con un **nested loop con accesso diretto** tramite l'indice di R2.

Indicare gli indirizzi dei blocchi su cui si eseguono operazioni di pin (o fix) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

Assumendo una politica di rimpiazzo LRU, indicare gli indirizzi dei blocchi effettivamente letti da memoria secondaria e caricati nel buffer (nell'ordine) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

In tal caso, indicare gli indirizzi dei blocchi che si può presumere si trovino nei buffer nel momento in cui si produce la terza ennupla.

i	Domanda 4 (20%) Si consideri un B-tree con nodi intermedi che contengono quattro chiavi e cinque puntatori e foglie con quattro chiavi, in cui vengano inserite chiavi (a partire dall'albero vuoto) nel seguente ordine: 40, 54, 14, 32, 22, 23, 28, 31, 34, 35, 36. Mostrare l'albero dopo l'inserimento di cinque chiavi, di otto chiavi e alla fine.		
J	o. Mostrare i albero dopo i inserimento di cinque cinavi, di otto cinavi e ana line.		
N	Mostrare poi l'albero dopo l'eliminazione della chiave 22 dall'ultimo albero ottenuto in risposta alla domanda precedente		
_			

## Basi di dati II — Prova parziale — 30 marzo 2015 — Compito D

Cognome	Nome	Matricola
Domanda 1 (15%) Considerare una tabella R a	appena creata (e quindi vuota), con le segu	enti ipotesi
<ul> <li>(e quindi le operazion</li> <li>la struttura fisica ut supponiamo che, oltr marcano come liberi dopo una riorganizz</li> </ul>	ii si possono fare senza verifiche particolari ilizzata per R è heap, senza indici, con e ai byte necessari per i campi ne servano	una memorizzazione a lunghezza fissa (in cui o 2 ulteriori per la memorizzazione) e in cui si ilizzarli per successivi inserimenti (se non
In tale contesto, supporre o	che vengano eseguite le seguenti operazioni	
3. dopo la conclusione e	00.000 ennuple = 50.000 ennuple (sulla base di una condizio la chiusura della scansione precedente, inse ile con ricompattazione dei blocchi	
Rispondere alle domande se Fattore di blocco $f$ per la	eguenti, indicando formule e valori numerio	ii:
Numero dei blocchi occup	oati da R dopo la prima serie di inserimenti	(punto 1):
Numero dei blocchi occup	oati da R dopo le eliminazioni di cui al punt	to 2:
Numero dei blocchi occup	pati da R dopo la seconda serie di inserimen	ati (punto 3):
Numero dei blocchi occup	pati da R dopo la ricompattazione (punto 4)	):

**Domanda 2** (30%) Considerare un sistema con blocchi di dimensione P=8 KByte e

- (a) una base di dati con una relazione  $R(\underline{A}\ B\ C\ D\ E)$ , in cui gli attributi hanno tutti la stessa dimensione a=20 Byte, . Si supponga che la relazione contenga L=40.000.000 ennuple
- (b) una base di dati con una coppia di relazioni  $R_1(\underline{A}\ B\ C)$  e  $R_2(\underline{A}\ D\ E)$  ottenute per proiezione dalla relazione R di cui al punto (a)

e le operazioni seguenti:

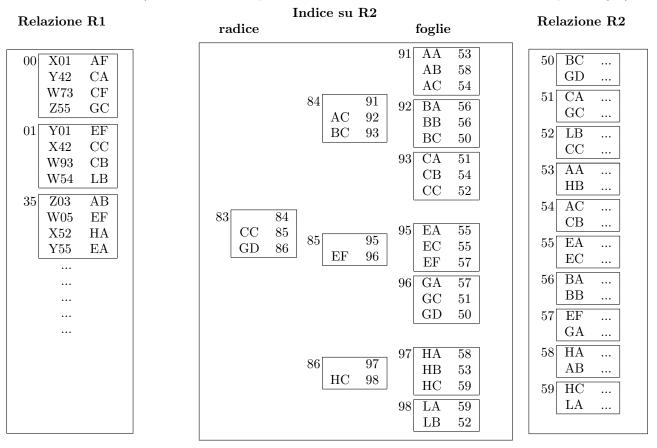
```
o_{1a} SELECT A, B, C FROM R (su (a)) o_{1b} SELECT A, B, C FROM R1 (su (b)) o_{2a} SELECT * FROM R ORDER BY A (su (a)) o_{2b} SELECT * FROM R1 JOIN R2 ON R1.A = R2.A ORDER BY R1.A (su (b))
```

Indicare i costi relativi all'esecuzione delle varie operazioni, supponendo che, in tutti i casi, l'ordinamento possa essere realizzato con due passate di un merge sort a più vie (e che il join possa essere effettuato con un merge-scan senza materializzare il risultato dei due ordinamenti).

blocchi di $R$ : (indicare nel seguito con $B_a$ )	blocchi di $R_1$ (indicare nel seguito con $B_{b1}$ )
	blocchi di $R_2$ (indicare nel seguito con $B_{b2}$ )
costo di $o_{1a}$ (indicare nel seguito con $c_{1a}$ )	costo di $o_{1b}$ (indicare nel seguito con $c_{1b}$ )
costo di $o_{2a}$ (indicare nel seguito con $c_{2a}$ )	costo di $o_{2b}$ (indicare nel seguito con $c_{2b}$ )

Le due basi di dati (a) e (b) possono essere considerate due alternative di memorizzazione e le operazioni  $o_{1a}$  e  $o_{1b}$  sono fra loro equivalenti, così come lo sono  $o_{2a}$  e  $o_{2b}$ . Quindi è interessante valutare quale delle due alternative sia conveniente.

Domanda 3 (30%) Considerare le relazioni R1 ed R2 e l'indice I2 su R2 schematizzati sotto. I riquadri interni indicano i blocchi e il numero a fianco a ciascun riquadro indica l'indirizzo del blocco. Nell'indice, i valori numerici sono riferimenti ai blocchi (blocchi dell'indice, per la radice e il livello intermedio, e blocchi di R2 per le foglie).



Supponendo di disporre di un buffer di **otto** pagine, considerare l'esecuzione del join di R1 ed R2, sulla base dei valori del secondo attributo di R1 e del primo di R2, con un **nested loop con accesso diretto** tramite l'indice di R2.

Indicare gli indirizzi dei blocchi su cui si eseguono operazioni di pin (o fix) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

Assumendo una politica di rimpiazzo LRU, indicare gli indirizzi dei blocchi effettivamente letti da memoria secondaria e caricati nel buffer (nell'ordine) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

In tal caso, indicare gli indirizzi dei blocchi che si può presumere si trovino nei buffer nel momento in cui si produce la terza ennupla.

S	Domanda 4 (20%) i consideri un B-tree con nodi intermedi che contengono quattro chiavi e cinque puntatori e foglie con quattro chiavi, n cui vengano inserite chiavi (a partire dall'albero vuoto) nel seguente ordine: 42, 53, 17, 32, 21, 22, 28, 31, 34, 35, 6. Mostrare l'albero dopo l'inserimento di cinque chiavi, di otto chiavi e alla fine.
0	o. Mostrare raniero dopo rinserimento di cinque cinavi, di otto cinavi e ana fine.
N	Mostrare poi l'albero dopo l'eliminazione della chiave 21 dall'ultimo albero ottenuto in risposta alla domanda precedente
[	

### Basi di dati II — Prova parziale — 30 marzo 2015 — Compito A

# Cenni sulle soluzioni (solo Compito A, le varianti del testo sono in rosso)

Tempo a disposizione: un'ora e quindici minuti.

Si suggerisce di scrivere prima una brutta copia, per indicare poi negli spazi le risposte e brevi giustificazioni.

Cognome	Nome	Matricola

#### **Domanda 1** (15%)

Considerare una tabella R appena creata (e quindi vuota), con le seguenti ipotesi

- R è definita su due campi, A di lunghezza a = 6 byte e B di lunghezza b = 12 byte, senza vincoli espliciti di chiave (e quindi le operazioni si possono fare senza verifiche particolari);
- la struttura fisica utilizzata per R è heap, senza indici, con una memorizzazione a lunghezza fissa (in cui supponiamo che, oltre ai byte necessari per i campi ne servano 2 ulteriori per la memorizzazione) e in cui si marcano come liberi gli spazi dei record eliminati, senza riutilizzarli per successivi inserimenti (se non dopo una riorganizzazione che ricompatti i blocchi);
- il sistema utilizza blocchi di dimensione D = 2 Kbyte (approssimabili a 2000).

In tale contesto, supporre che vengano eseguite le seguenti operazioni

- 1. inserimento di N = 100.000 ennuple
- 2. eliminazione di N/2 = 50.000 ennuple (sulla base di una condizione verificabile durante la scansione)
- 3. dopo la conclusione e la chiusura della scansione precedente, inserimento di altre N ennuple
- 4. riorganizzazione del file con ricompattazione dei blocchi

Rispondere alle domande seguenti, indicando formule e valori numerici:

Fattore di blocco f per la relazione  $\mathbb{R}$ :

$$f = D/(a+b+2) = \frac{2000}{20} = 100$$

Numero dei blocchi occupati da R dopo la prima serie di inserimenti (punto 1):

$$N/f = 100.000/100 = 1000$$

Numero dei blocchi occupati da R dopo le eliminazioni di cui al punto 2:

$$N/f = 100.000/100 = 1000$$

(lo spazio libero non viene riutilizzato)

Numero dei blocchi occupati da R dopo la seconda serie di inserimenti (punto 3):

$$2 \times N/f = 2000$$

(lo spazio libero non viene riutilizzato)

Numero dei blocchi occupati da R dopo la ricompattazione (punto 4):

$$3/2 \times N/f = 1500$$

(lo spazio libero viene riutilizzato)

**Domanda 2** (30%) Considerare un sistema con blocchi di dimensione P = 8 KByte e

- (a) una base di dati con una relazione  $R(\underline{A}\ B\ C\ D\ E)$ , in cui gli attributi hanno tutti la stessa dimensione a=40 Byte, . Si supponga che la relazione contenga N=20.000.000 ennuple
- (b) una base di dati con una coppia di relazioni  $R_1(\underline{A} \ B \ C)$  e  $R_2(\underline{A} \ D \ E)$  ottenute per proiezione dalla relazione R di cui al punto (a)

e le operazioni seguenti:

```
o_{1a} SELECT * FROM R ORDER BY A (su (a))

o_{1b} SELECT * FROM R1 JOIN R2 ON R1.A = R2.A ORDER BY R1.A (su (b))

o_{2a} SELECT A, B, C FROM R (su (a))

o_{2b} SELECT A, B, C FROM R1 (su (b))
```

Indicare i costi relativi all'esecuzione delle varie operazioni, supponendo che, in tutti i casi, l'ordinamento possa essere realizzato con due passate di un merge sort a più vie (e che il join possa essere effettuato con un merge-scan senza materializzare il risultato dei due ordinamenti).

Le risposte sono per il compito A; per gli altri compiti alcune vanno scambiate

blocchi di $R$ : (indicare nel seguito con $B_a$ ) $(N \times 5 \times a)/P =$	blocchi di $R_1$ (indicare nel seguito con $B_{b1}$ ) $(N \times 3 \times a)/P = 3 \times 10^5$
$\frac{(2 \times 10^7 \times 5 \times 40)}{(2 \times 10^7 \times 5 \times 40)/(8 \times 10^3)} = 5 \times 10^5$	blocchi di $R_2$ (indicare nel seguito con $B_{b2}$ ) $(N \times 3 \times a)/P = 3 \times 10^5$
costo di $o_{1a}$ (indicare nel seguito con $c_{1a}$ )	costo di $o_{1b}$ (indicare nel seguito con $c_{1b}$ )
$3 \times B_a = 1,5 \times 10^6$	$3 \times (B_{b1} + B_{b2}) = 1,8 \times 10^6$
costo di $o_{2a}$ (indicare nel seguito con $c_{2a}$ )	costo di $o_{2b}$ (indicare nel seguito con $c_{2b}$ )
$B_a = 0.5 \times 10^6$	$B_{b1} = 0.3 \times 10^6$

Le due basi di dati (a) e (b) possono essere considerate due alternative di memorizzazione e le operazioni  $o_{1a}$  e  $o_{1b}$  sono fra loro equivalenti, così come lo sono  $o_{2a}$  e  $o_{2b}$ . Quindi è interessante valutare quale delle due alternative sia conveniente.

Supponendo che l'operazione  $o_1$  venga eseguita con frequenza f e l'operazione  $o_2$  con frequenza  $k \times f$ , si intuisce che (essendo paragonabili, pur se diversi, i costi delle due operazioni) una delle alternative risulta conveniente per k molto maggiore di 1 e l'altra per k molto minore di 1. Verificare questa affermazione con riferimento a k = 10 e k = 0, 1.

Costo complessivo:  $c_1 \times f + c_2 \times k \times f$ 

Caso (a), k=10: costo complessivo  $6,5 \times f \times 10^6$ 

Caso (b), k=10: costo complessivo  $4.8 \times f \times 10^6$ 

quindi per k grande conviene (b); qui si nota appena, ma al crescere di k si noterebbe di più

Caso (a), k=0,1: costo complessivo  $1,55 \times f \times 10^6$ 

Caso (b), k=0,1: costo complessivo  $1,83 \times f \times 10^6$ 

per k molto piccolo conviene (a)

Domanda 3 (30%) Considerare le relazioni R1 ed R2 e l'indice I2 su R2 schematizzati sotto. I riquadri interni indicano i blocchi e il numero a fianco a ciascun riquadro indica l'indirizzo del blocco. Nell'indice, i valori numerici sono riferimenti ai blocchi (blocchi dell'indice, per la radice e il livello intermedio, e blocchi di R2 per le foglie).

#### Indice su R2 Relazione R1 Relazione R2 radice foglie 91 AA <del>4</del>3 X01 **4**0 BC 00 $\overline{AF}$ AB **4**8 Y42 GDCAAC **4**4 W73 CF**4**1 CA ... 83 91 BA 92 **4**6 Z55 GCGC92 AC BB**4**6 Y01 EF 01 BC93 LB BC**4**0 X42 CCCCCA 93 41 W93 CB**4**3 AA CB**4**4 W54LBHBCC**4**2 Z03 AB AC **4**4 • • • 82 W05EFCB EA 45 CC84 X52HA95 **4**5 EAEC**4**5 GD85 Y55EAEF 96 EC EF47 46 BA GA ... 96 47 BBGC41 GD**4**0 EF GA48 HA HA **4**8 97 $_{\mathrm{HB}}$ **4**3 ABHC98 HC**4**9 HC **4**9 ... LA 98 LA **4**9 LB **4**2

Supponendo di disporre di un buffer di **otto** pagine, considerare l'esecuzione del join di R1 ed R2, sulla base dei valori del secondo attributo di R1 e del primo di R2, con un **nested loop con accesso diretto** tramite l'indice di R2.

Indicare gli indirizzi dei blocchi su cui si eseguono operazioni di pin (o fix) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

```
00, 82, 83, 92,
82, 83, 93, 41,
82, 84, 95,
82, 84, 96, 41,
01, 82, 84, 95, 47
```

Assumendo una politica di rimpiazzo LRU, indicare gli indirizzi dei blocchi effettivamente letti da memoria secondaria e caricati nel buffer (nell'ordine) per produrre le prime tre ennuple del risultato.

```
00, 82, 83, 92, 93, 41, 84, 95, 96, 01, 47
```

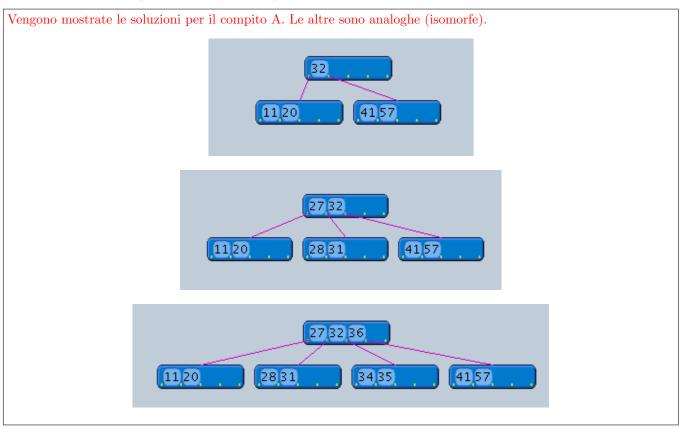
In tal caso, indicare gli indirizzi dei blocchi che si può presumere si trovino nei buffer nel momento in cui si produce la terza ennupla.

```
00, 82, 41, 84, 95, 96, 01, 47
```

```
00, 82, 83, 92, 93, 41, 84, 95, 96, 01, 82, 47
```

#### **Domanda 4** (20%)

Si consideri un B-tree con nodi intermedi che contengono quattro chiavi e cinque puntatori e foglie con quattro chiavi, in cui vengano inserite chiavi (a partire dall'albero vuoto) nel seguente ordine: 41, 57, 11, 32, 20, 27, 28, 31, 34, 35, 36. Mostrare l'albero dopo l'inserimento di cinque chiavi, di otto chiavi e alla fine.



Mostrare poi l'albero dopo l'eliminazione della chiave 20 dall'ultimo albero ottenuto in risposta alla domanda precedente.

